



Historia

$$x^3 + cx = d : \sqrt[3]{\frac{d}{2}}$$
$$x^3 = cx + d : \sqrt[3]{\frac{d}{2}}$$

Álgebra



Geometría



Una sesión más allá de lo real



Rafael Bombelli

Imaginación



Leonhard Paul Euler
(Basilea, Suiza; 15 de abril de 1707-San
-burgo, Imperio ruso; 18 de septem-
bre de 1783)

Curiosidad



Creatividad



Una sesión más allá de lo real



SEDE LA PALMA
(Santa Cruz de la
Palma)

SEDE LANZAROTE
(Arrecife)

SEDE TENERIFE
NORTE (La
Laguna)

SEDE SANTA CRUZ
DE TENERIFE
(Santa Cruz de
Tenerife)

SEDE LA GOMERA
(San Sebastián de
La Gomera)

SEDE GRAN
CANARIA NORTE
(Aruacas)

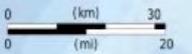
SEDE LAS PALMAS
DE GRAN CANARIA
(Las Palmas de
Gran Canaria)

SEDE EL HIERRO
(Valverde)

SEDE TENERIFE
SUR (Granadilla)

SEDE GRAN
CANARIA SUR
(Vecindario)

SEDE
FUERTEVENTURA
(Puerto del
Rosario)



-18°

-17°

-16°

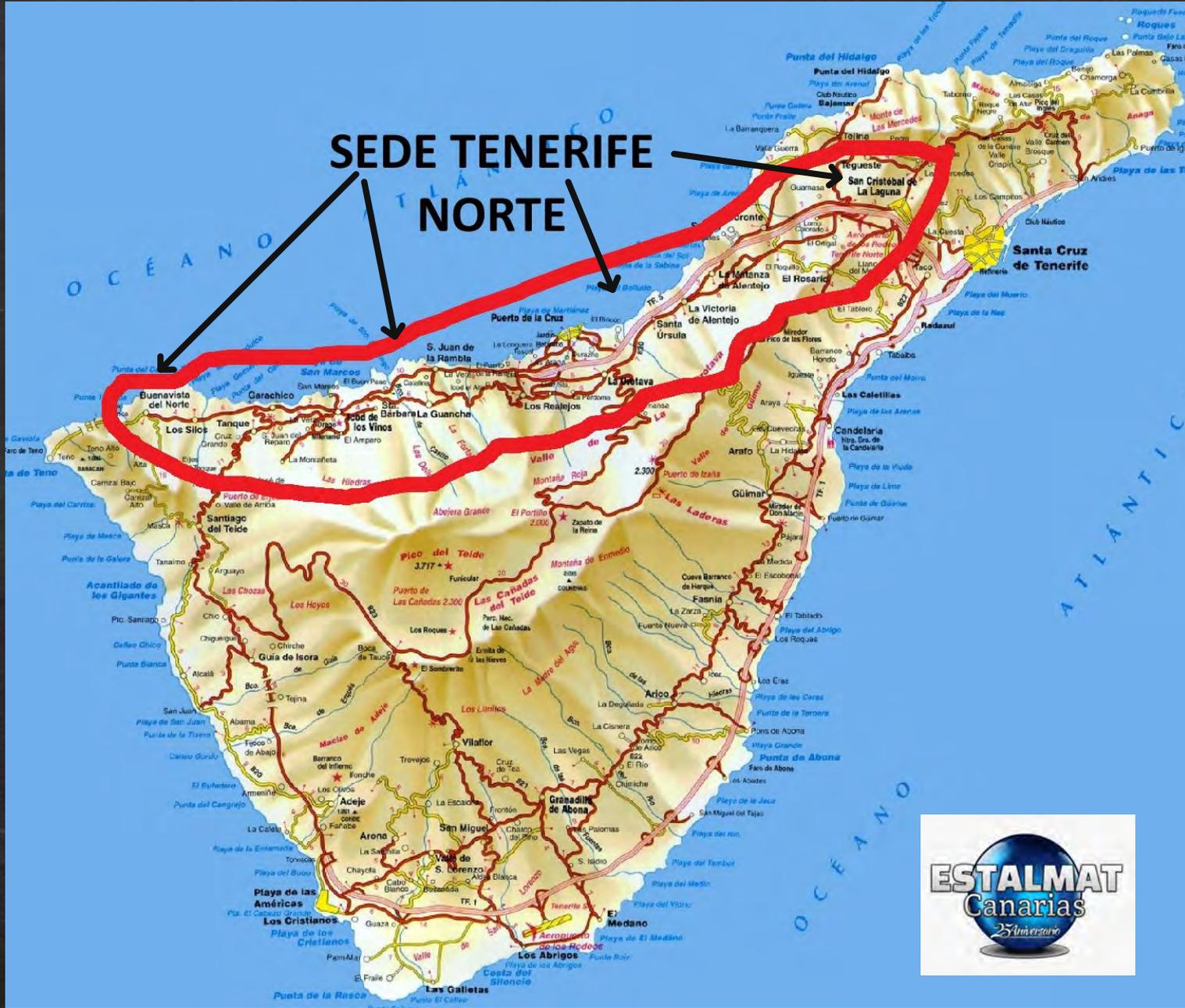
-15°

-14°

29

28

SEDE TENERIFE NORTE

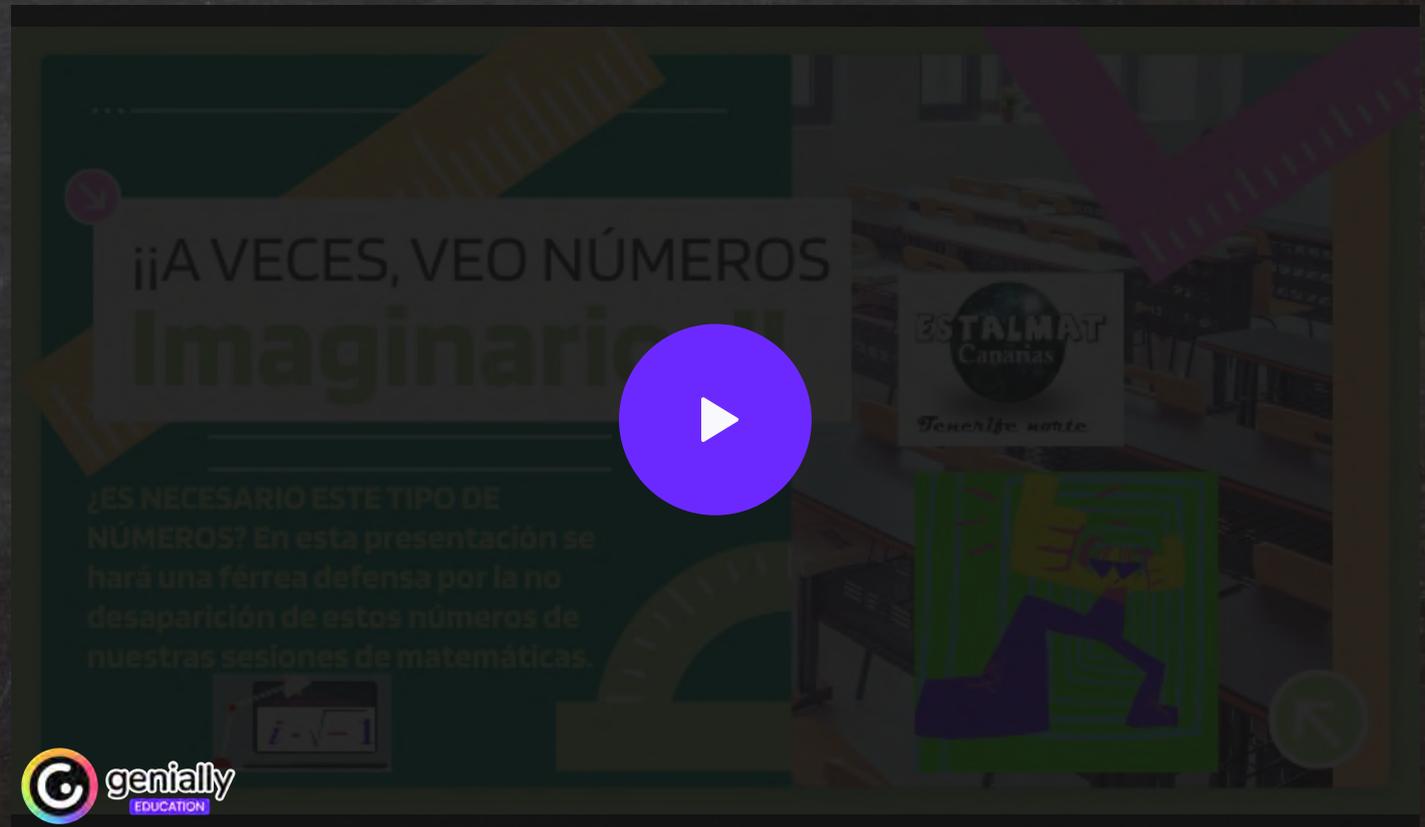


¿Cómo surgió hacer este trabajo?



Esta ponencia surge como una forma de protesta. Al finalizar el curso pasado, el departamento de Matemáticas trabajaba en la elaboración del nuevo currículo de Bachillerato. Observé que el tratamiento de los números complejos se reducía a una simple curiosidad sobre la resolución de ecuaciones de segundo grado con discriminante negativo. Ante ello, consideré desarrollar un material divulgativo que reflejara mi inquietud. Solicité la colaboración del alumnado de segundo curso del proyecto Estalmat (3º ESO), quienes aceptaron sin dudar. Así, iniciamos un trabajo conjunto cuyo resultado se resume aquí.

Lo primero que hicimos fue presentar nuestra idea:



Un SESIÓN más allá de lo real



Lo segundo fue diseñar la camiseta que tendríamos durante el montaje de los diferentes vídeos.

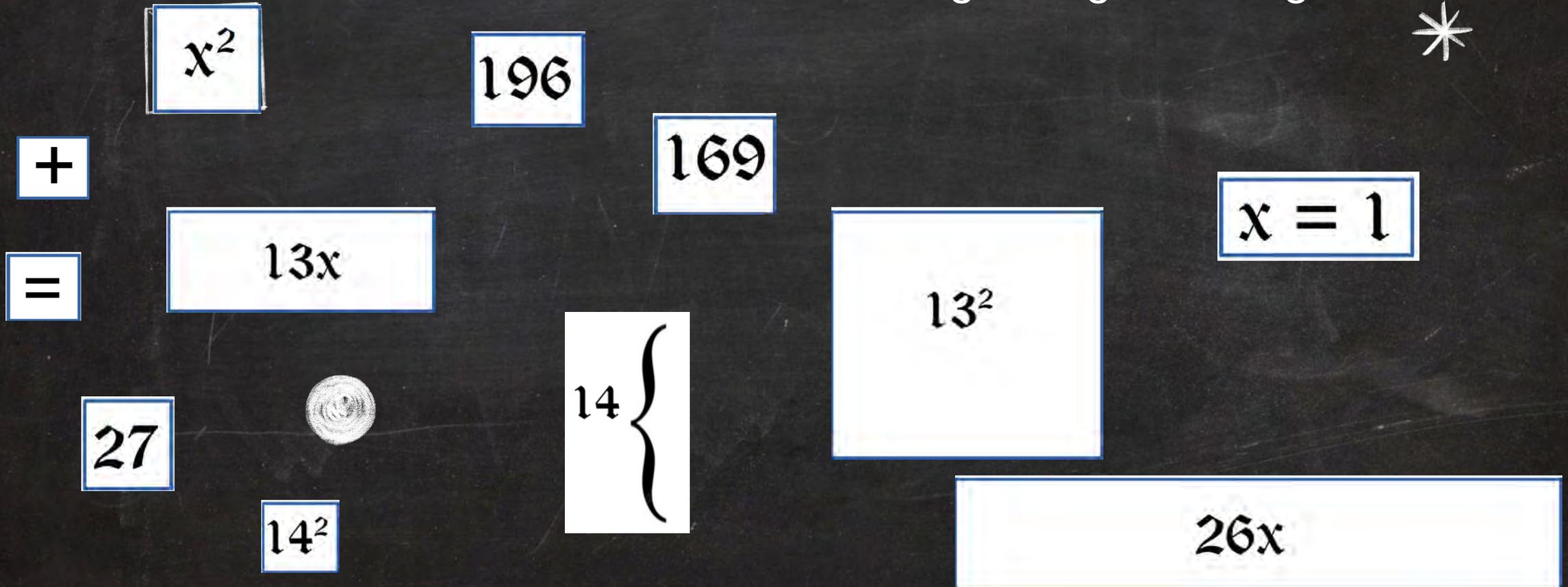


Y conseguir que el centro sede (IES Viera y Clavijo) nos la financiara.

Un SESIÓN más allá de lo real



Y luego, investigamos: \longrightarrow ¿Cómo se resolvían las ecuaciones de segundo grado antiguamente?



Un SESIÓN más allá de lo real



Contamos cómo lo hacían



Un **SESIÓN** más allá de lo real



**Y, ¿por qué no
tenían en cuenta
la otra solución,
 $X_2 = -27$?**



**Por la conexión indestructible entre
la pareja Álgebra-Geometría**

Un SESIÓN más allá de lo real



REPRESENTACIÓN FICTICIA DE CÓMO PODRÍA HABER SIDO
EL ENCUENTRO ENTRE ESTOS DOS PERSONAJES



Niccolò Fontana Tartaglia



Gerolamo Cardano

Un SESIÓN más allá de lo real



Pero estos descubrimientos FALLABAN:

$$x^3 = 15x + 4$$

$$4^3 = 15 \times 4 + 4 = 64$$

$$x^3 = cx + d : \sqrt[3]{\frac{d}{2} + \sqrt{\frac{d^2}{4} - \frac{c^3}{27}}} + \sqrt[3]{\frac{d}{2} - \sqrt{\frac{d^2}{4} - \frac{c^3}{27}}}$$

$$x = \sqrt[3]{2 + \sqrt{-121}} + \sqrt[3]{2 - \sqrt{-121}}$$

$$x = 4$$

Es una
solución
real de
esta
ecuación

??

Un SESIÓN más allá de lo real

Fue un ingeniero italiano quien **SEPARÓ** la pareja **ÁLGEBRA-GEOMETRÍA** por primera vez



Rafael Bombelli

$$\sqrt[3]{2 \pm \sqrt{-121}} = \sqrt[3]{2 \pm 11\sqrt{-1}}$$

| Supuso que...



$$a \pm b\sqrt{-1}$$



| Por lo tanto...



$$(a \pm b\sqrt{-1})^3 = 2 \pm 11\sqrt{-1}$$

Al desarrollar este binomio de Newton...

Un SESIÓN más allá de lo real

$$\begin{cases} a^3 - 3ab^2 = 2 \\ 3a^2b - b^3 = 11 \end{cases}$$

Lo resolvió...

----->

$$a=2 \text{ y } b=1$$

↓ Sustituyó los valores en...
↓

$$x = \sqrt[3]{2 + \sqrt{-121}} + \sqrt[3]{2 - \sqrt{-121}} = 2 + \sqrt{-1} + 2 - \sqrt{-1} = 4$$

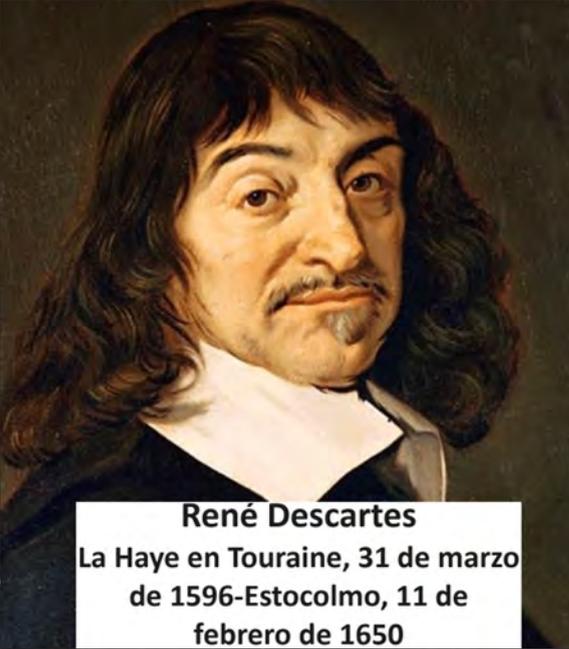


Encontró la
solución real
de esta
ecuación

← --

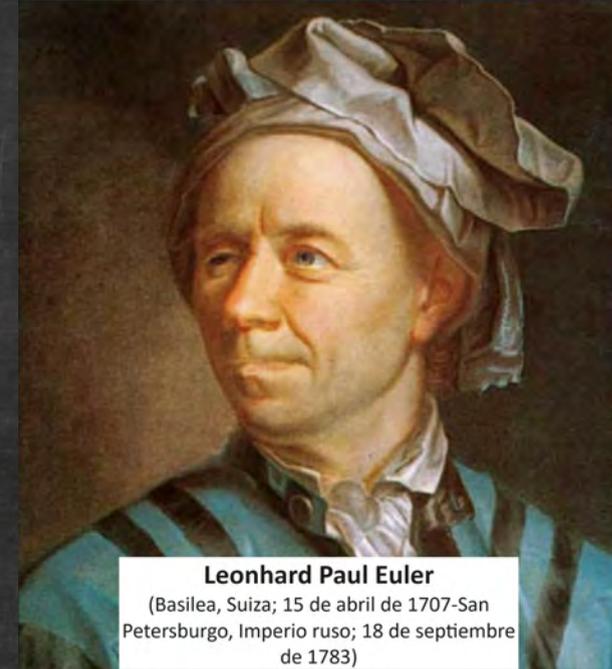
$$x = 4$$

Un SESIÓN más allá de lo real



René Descartes

La Haye en Touraine, 31 de marzo
de 1596-Estocolmo, 11 de
febrero de 1650



Leonhard Paul Euler

(Basilea, Suiza; 15 de abril de 1707-San
Petersburgo, Imperio ruso; 18 de septiembre
de 1783)

PASARON MUCHOS AÑOS PARA QUE DIERAN
CREDIBILIDAD A ESTOS NUEVOS NÚMEROS

Un SESIÓN más allá de lo real

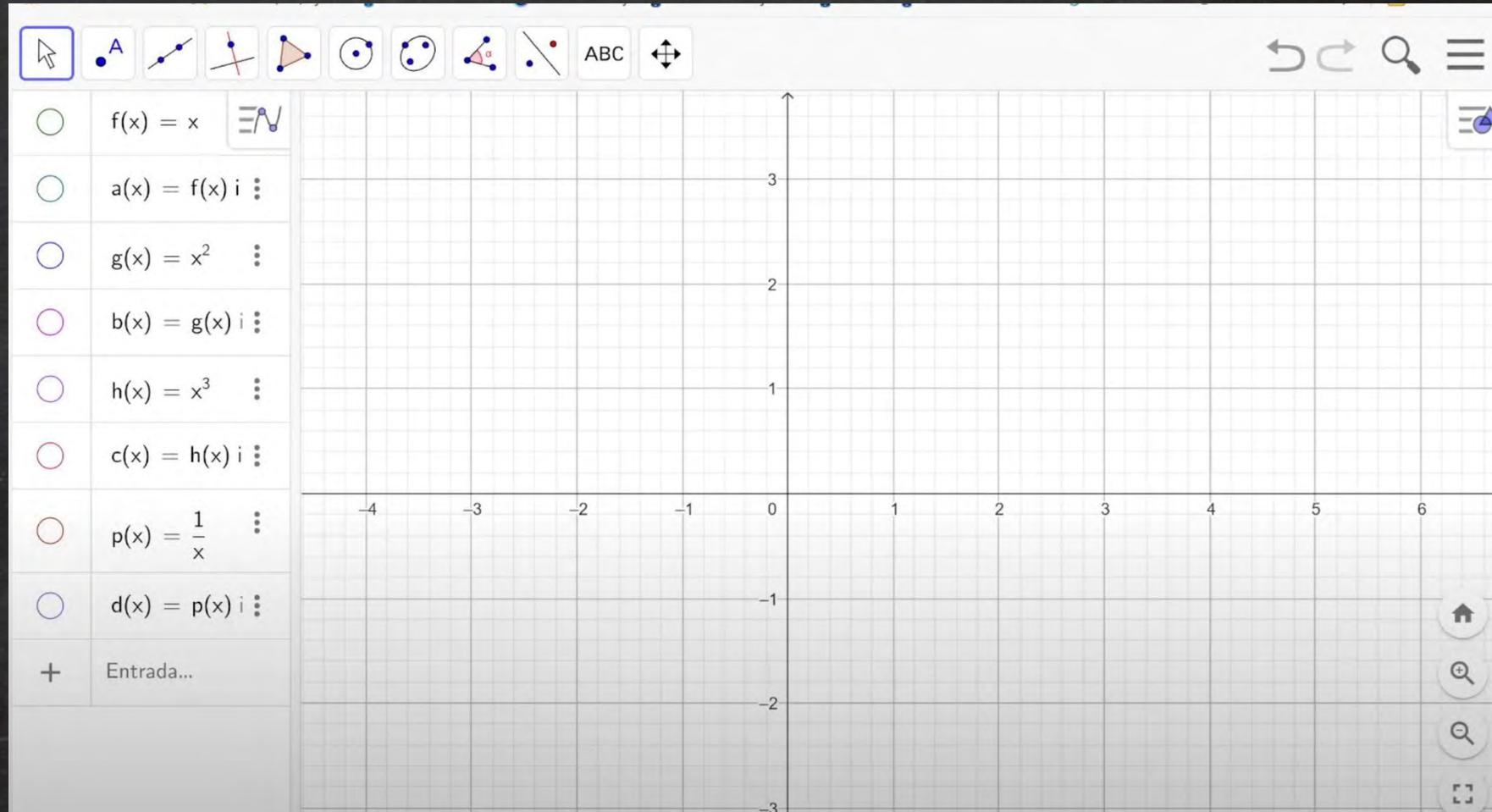


Desde Lituania, nuestro alumno Norbertas, nos hace una pequeña explicación de cómo se manejan estos nuevos números:

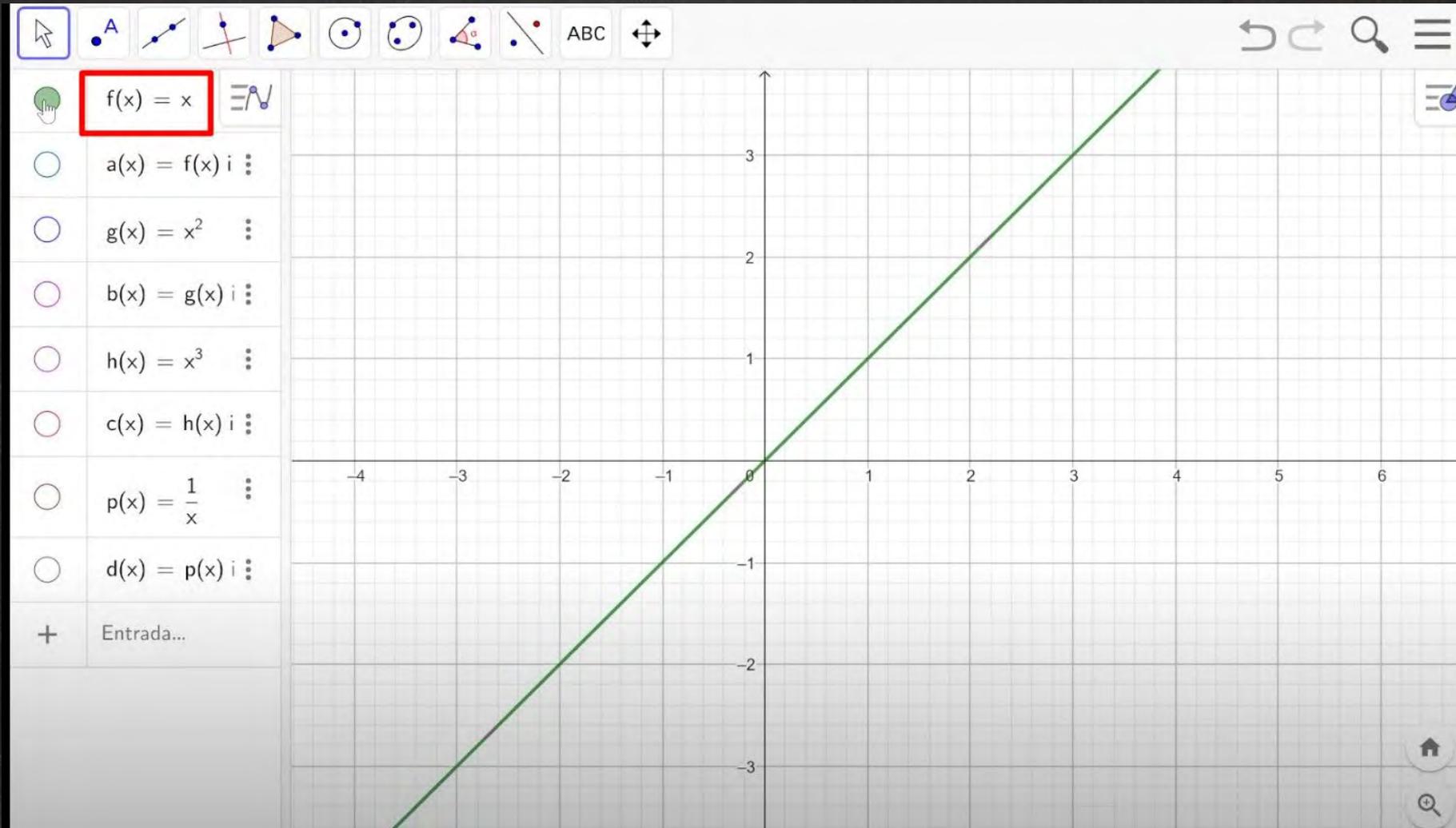


Un SESIÓN más allá de lo real

Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

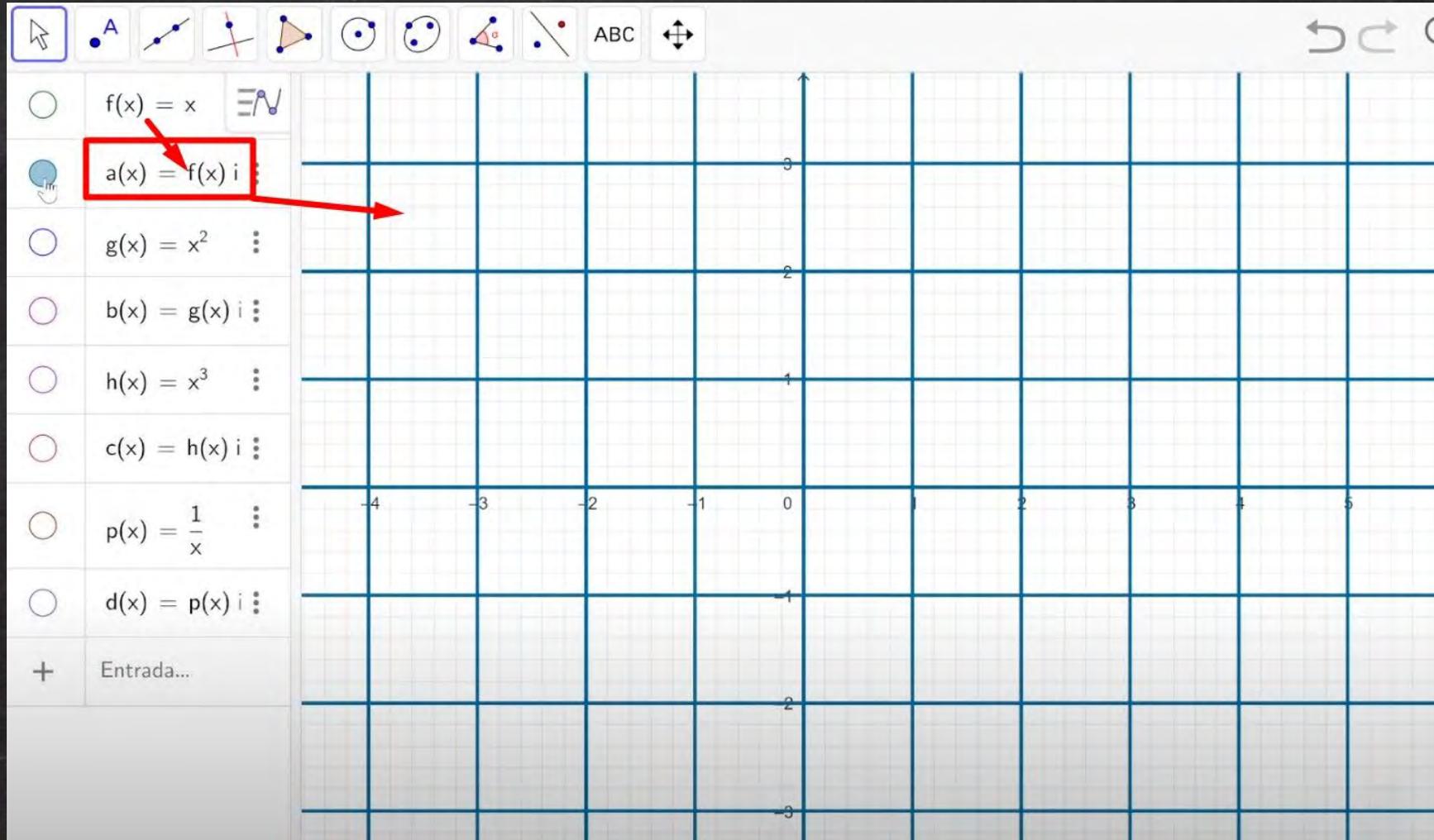


Un SESIÓN más allá de lo real



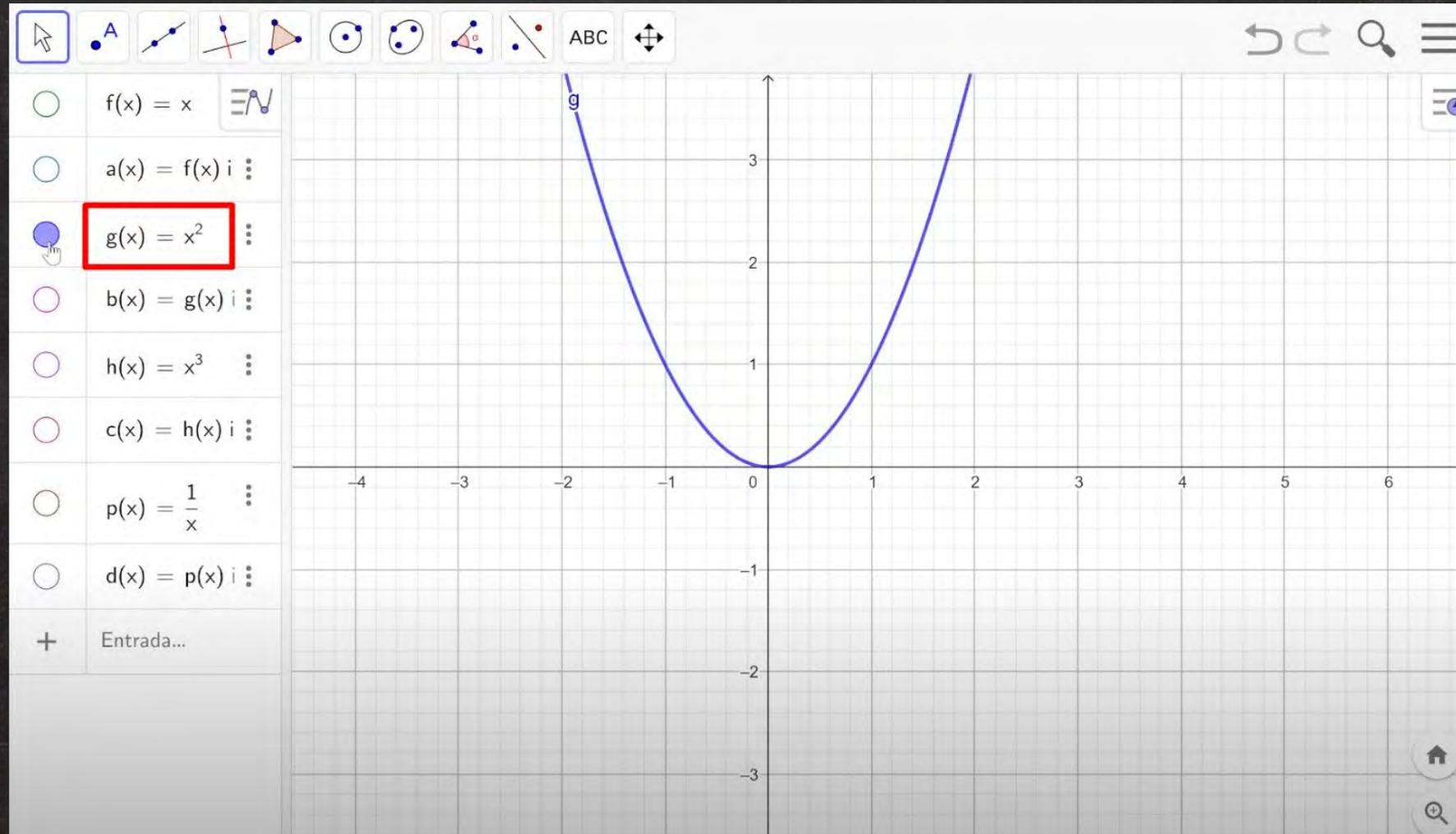
Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

Un SESIÓN más allá de lo real



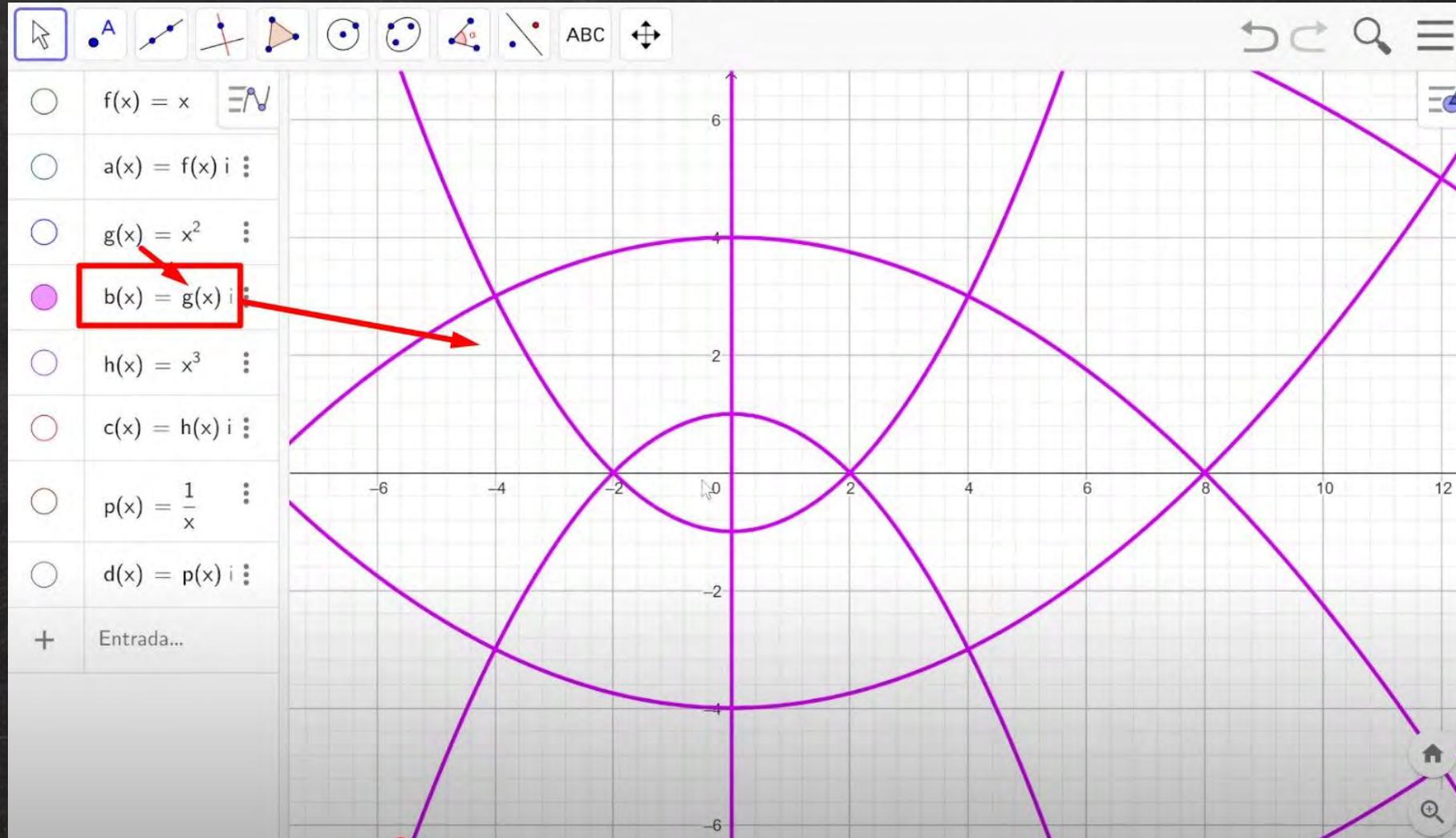
Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

Un SESIÓN más allá de lo real



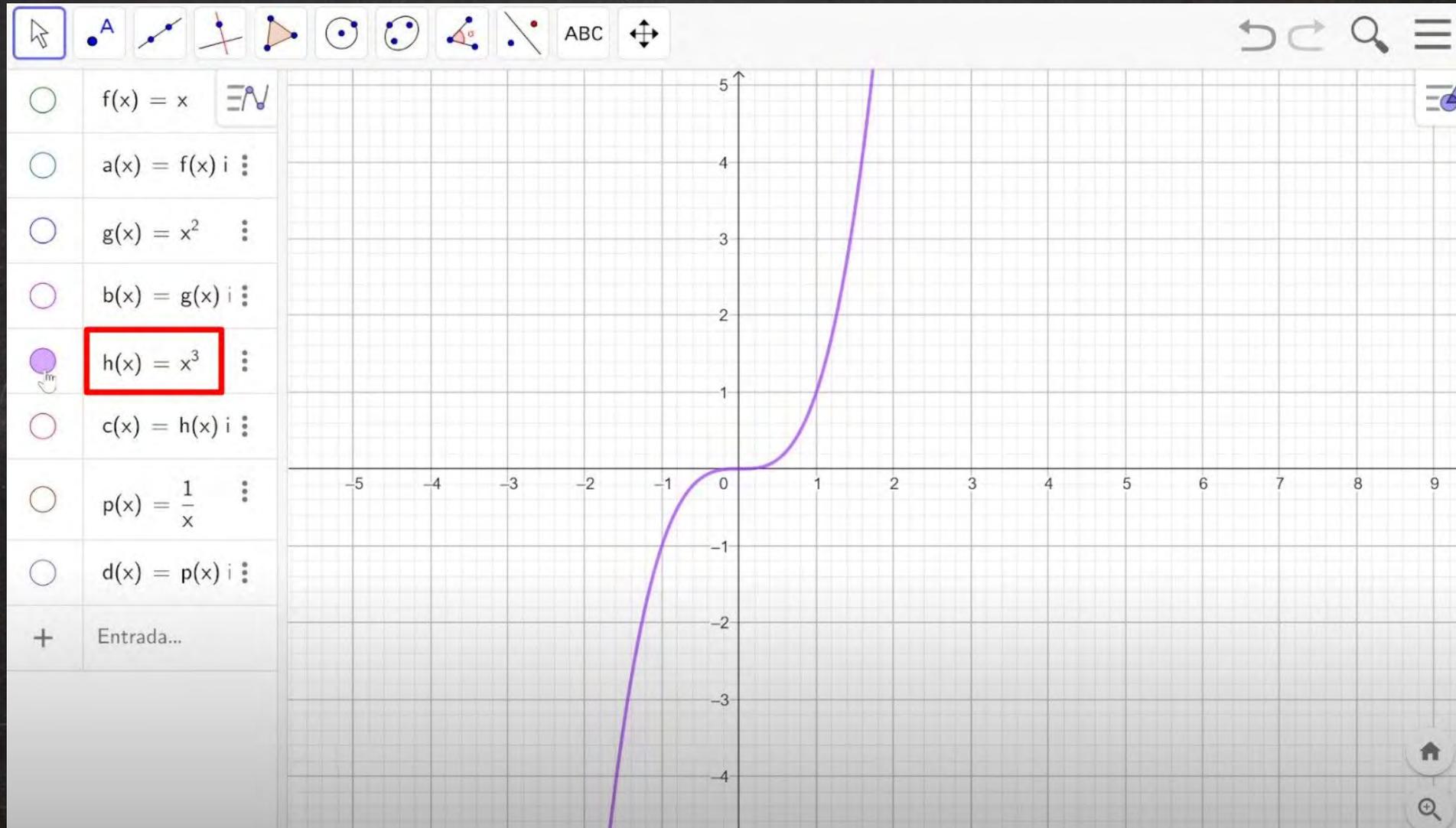
Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

Un SESIÓN más allá de lo real



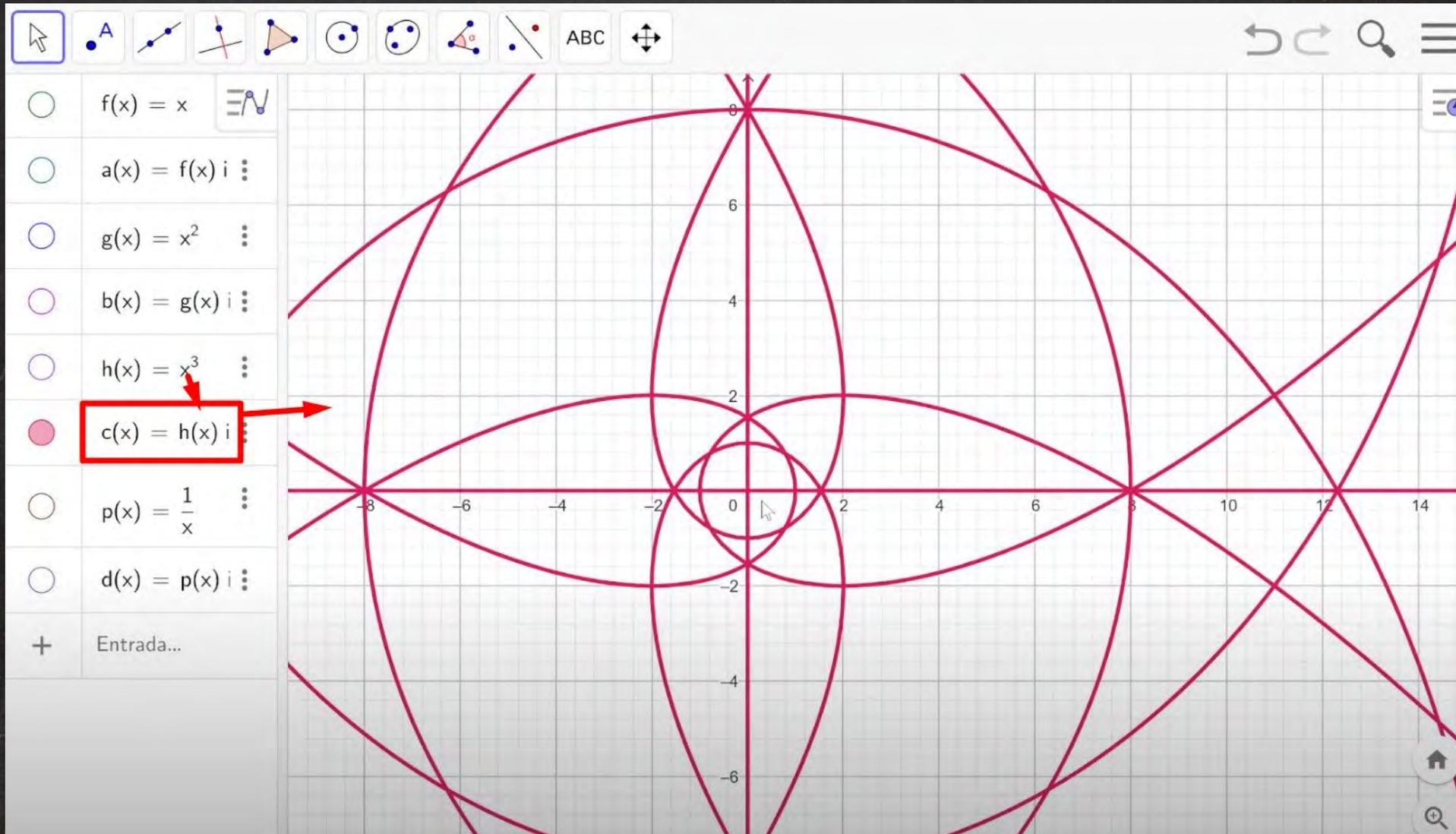
Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

Un SESIÓN más allá de lo real



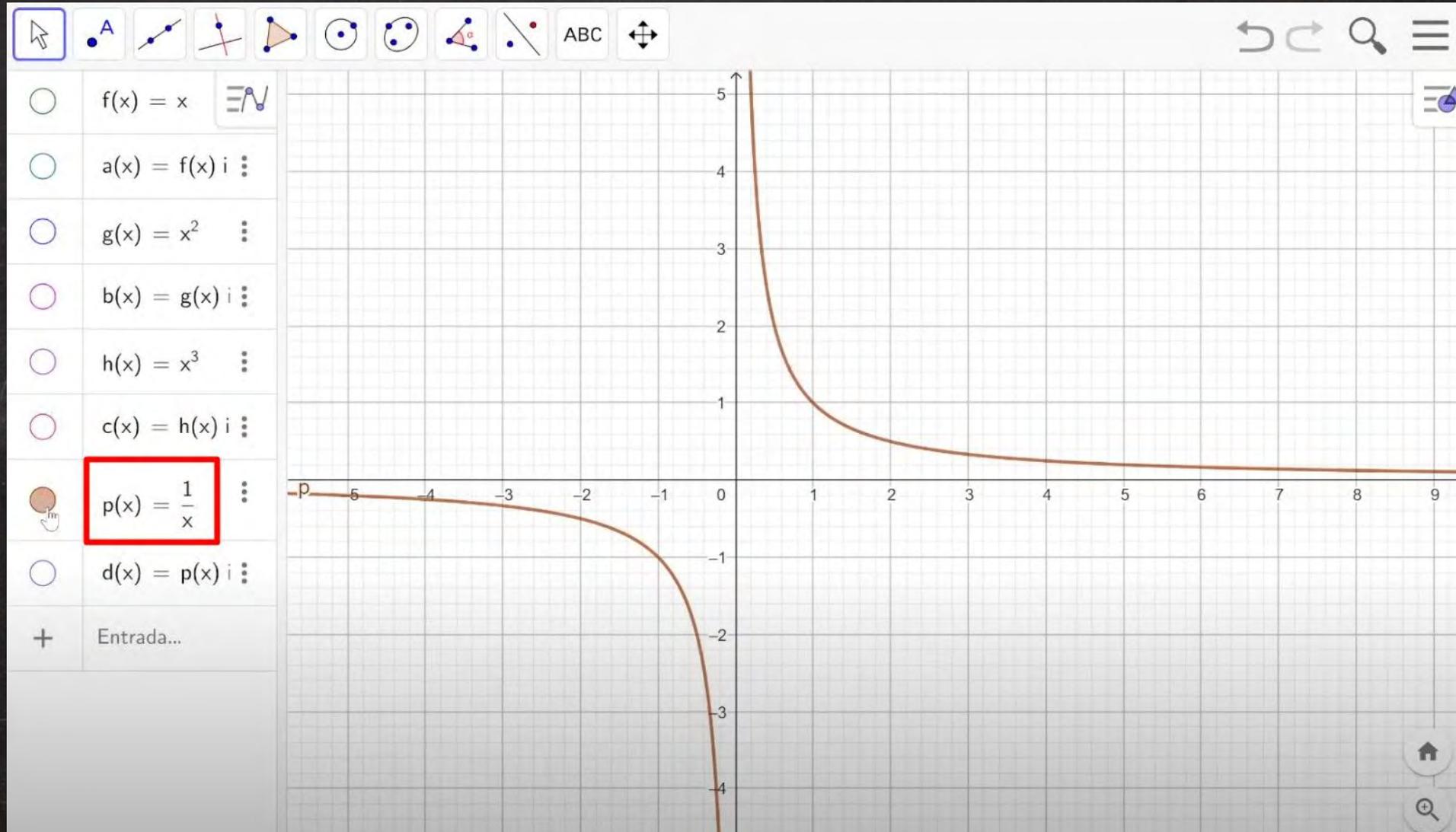
Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

Un SESIÓN más allá de lo real



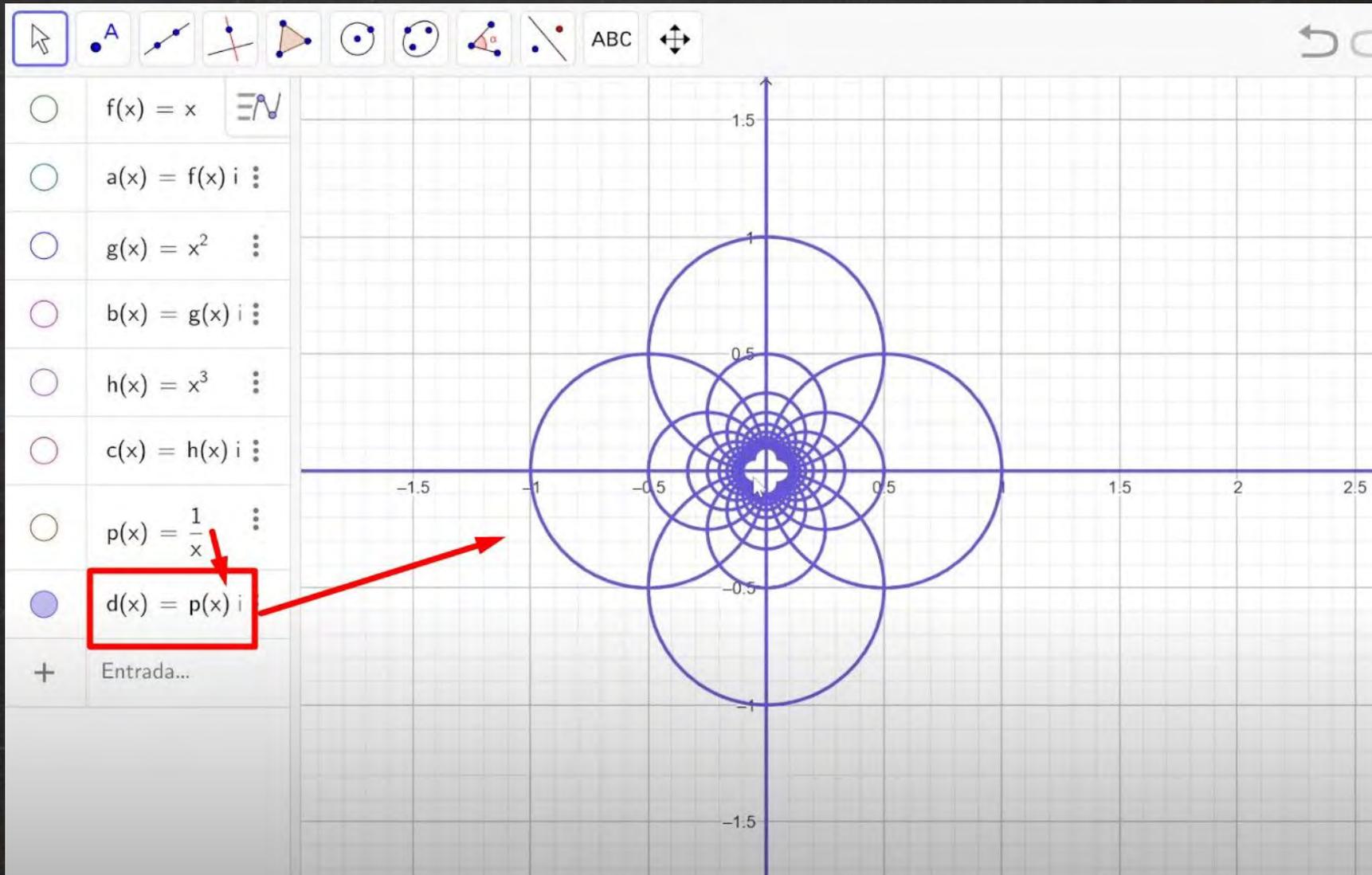
Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

Un SESIÓN más allá de lo real



Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".

Un SESIÓN más allá de lo real



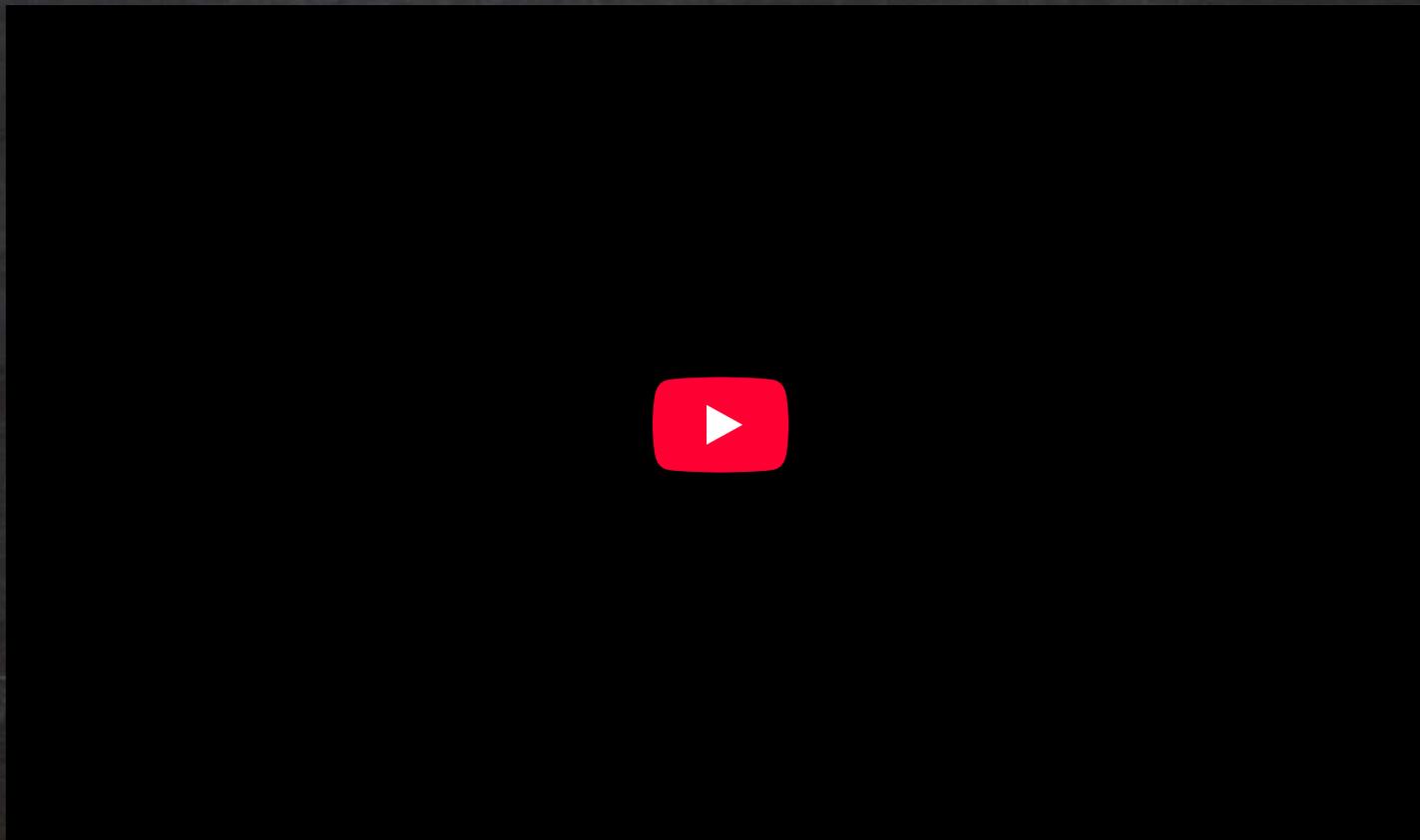
Veamos sólo el hecho de multiplicar funciones elementales por el número imaginario puro "i".



Un SESIÓN más allá de lo real



MORALEJA





Un **SESIÓN** más allá de lo real

Una vez grabados todos los vídeos, seleccionadas todas las imágenes, elegidos todos los textos que acompañan, el propio alumnado hizo el montaje final, cuyo resultado lo pueden ver, escaneando este QR:



Un SESIÓN más allá de lo real



¡¡Gracias
por TODO!!

